利用MATLAB进行信号与系统分析

- **▲ MATLAB**简介
- ♣ 信号的MATLAB表示
- **▲ 利用MATLAB进行系统的时域分析**
- **▲** 利用MATLAB进行信号的频域分析
- **▲** 利用MATLAB分析系统的频率特性
- **▲** 利用MATLAB进行连续系统的s域分析
- **■** 利用MATLAB进行离散系统的z域分析
- **▲** 利用MATLAB进行系统的状态变量分析

re.

MATLAB简介

(Matrix Laboratory)

MATLAB的工作方式

如何获取帮助

表达式——变量、数值、算数运算符、 关系运算符、逻辑运算符、冒号运算符

数组及其运算

函数文件

循环(FOR、WHILE 循环)

基本绘图语句

一、MATLAB的工作方式

- (1) 窗口命令方式
- (2) 运行以.M 为扩展名磁盘文件

工作方式举例

%用plot函数画一个方波

$$t=[-1\ 0\ 0\ 1\ 1\ 3];$$

$$x=[0\ 0\ 1\ 1\ 0\ 0];$$

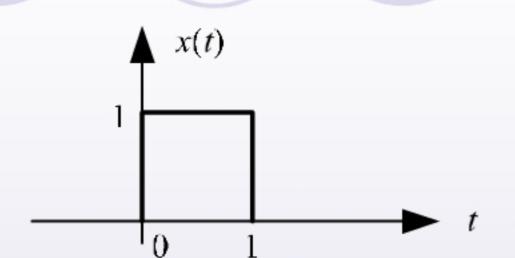
plot(t,x);

xlabel('t');ylabel('x(t)');

 $axis([-1 \ 3 \ 0 \ 2]);$

直接在命令窗口输入以上命令

建一个名字为my_file.M的文件,然后在命令窗口输入文件名及回车。



二、获取帮助

命令窗口输入: help+函数名

例如 help plot

***** 变量

- ✓ 不需要变量的类型说明
- ✓ 变量名的第一个字符必须是字母
- ✓ 变量名长度: 不超过31个字符
- ✓ 大写和小写的字母视为不同的字符
 例如: num_students = 25
- ✓ 特殊变量:

pi 表示圆周率,inf 表示无穷大,NaN(Not a Number)表示不定量,如0/0。

- 数值
 - ✓ MATLAB用常规的十进制表示数值
 - ✓用i或j作为后缀来表示复数的虚部

例 1.235e5表示1.235×10⁵, x=2+3j

abs(x) 求复数x的模

angle(x) 求复数x的相角(弧度)

real(x) 求复数x的实部

imag(x) 求复数x的虚部

conj(x) 求复数x的共轭

- * 运算符号
 - > 算数运算符
 - ◆ + 加
 - ◆ 減
 - ♦ * 乘
 - ◆ / 除
 - ◆ ^ 乘方
 - * 矩阵的复共轭转置

- * 运算符号
 - > 逻辑运算符
 - ◆ A&B 逻辑与(and)
 - ◆ AIB 逻辑或(or)
 - ◆ ~A 逻辑非(not)

值为0时表示逻辑假(F), 其它任何非零值表示逻辑真。

- * 运算符号
 - > 关系运算符
 - ◆ A < B 小于</p>
 - ◆ A > B 大于
 - ◆ A <= B 小于等于</p>
 - ◆ A>=B 大于等于
 - ◆ A == B 等于
 - ◆ A ~= B 不等于

- * 运算符号
- > 冒号运算符
 - ◆ 表达式 1:10 表示产生一个行向量,它的值为 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10
 - ◆ 表达式 10:-2:1 表示产生一个递减的行向量, 它的值为

10 8 6 4 2

四、数组

1. 数组的构造

用冒号:产生数组

例 x=2:5 产生一个数组,它的值为 x(1)=2, x(2)=3, x(3)=4, x(4)=5

用linspace产生数组

x=linspace(0,2,11)将区间[0,2]均匀抽样11点作为数组x 给2维数组赋值时,用分号表示一行的结束,

如: z=[1 2; 3 4]。

四、数组

1. 数组的构造

MATLAB 提供了一些产生基本矩阵的函数

zeros 产生矩阵元素全为0的矩阵

ones 产生矩阵元素全为1的矩阵

rand 产生(0,1)均匀分布随机数矩阵

randn 产生正态分布随机数矩阵

四、数组

2. 数组的运算

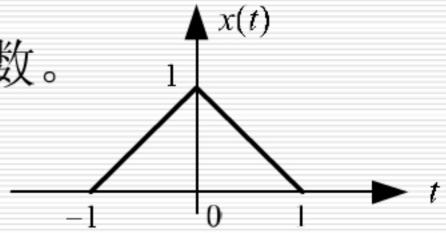
- ✓ 数组和一个标量相加或相乘 例 y=x-1 z=3*x
- ✓ 2个数组的对应元素相乘除 .* ./ 例 z=x.*y
- ✓ 确定数组大小的函数
 size(A) 返回值数组A的行数和列数(二维)
 length(B) 确定数组B的元素个数(一维)

五、函数文件

- ✓ M文件的第一行包含function
- ✓ 功能: 建立一个函数,可以同MATLAB的库函数一样使用。

五、函数文件

例:编一个绘制图示波形的函数。



```
function y=tri(t)
y=[abs(t)<=1].*(1-abs(t));
```

调用函数tri,并画出它的波形

```
t=-2:0.05:2;
plot(t,tri(t));
```

六、For 循环

例:编写计算s=1+2+3+...+100的MATLAB程序

s=0;

for n=1:100 s=s+n; end

七、While 循环

```
例: 计算 s = \frac{1}{1^2} + \frac{1}{2^2} + \frac{1}{3^2} + \cdots 的值,且误差小于10-6 s=0; n=1; eps=1e-6;
```

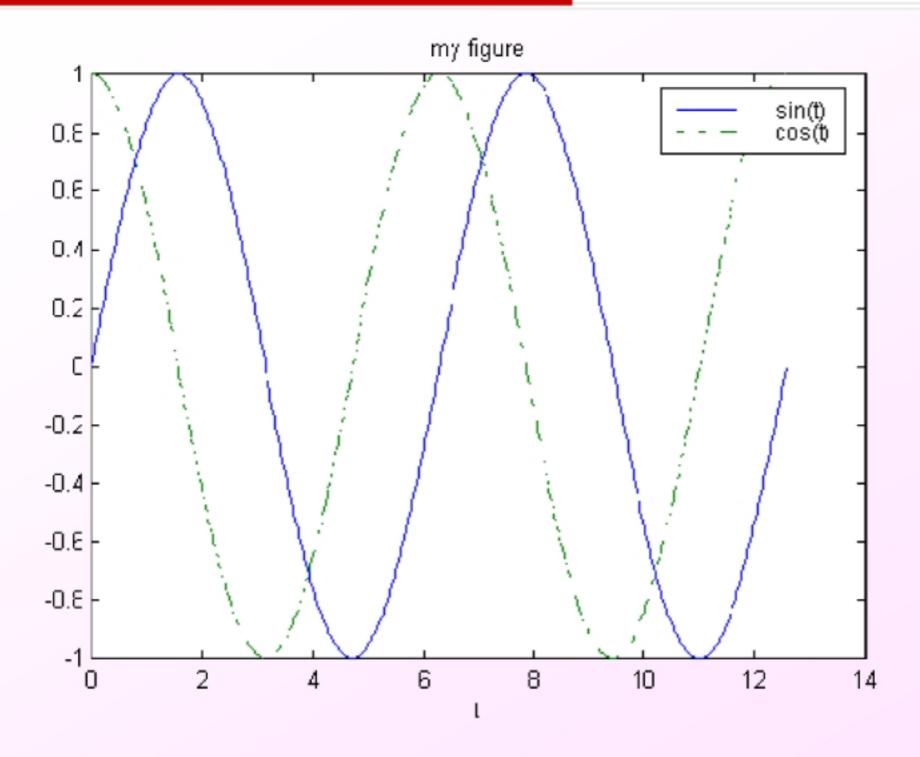
```
while 1/(n*n) > eps
    s=s+1/(n*n);
    n=n+1;
end
```

fprintf($'s=\%.5f\n',s$)

八、plot函数——绘图函数(continuous)

```
t=linspace(0,4*pi,512);
plot(t,sin(t),t,cos(t),'-.');
title('my figure');
xlabel('t');
legend('sin(t)','cos(t)');
```

八、plot函数——绘图函数(continuous)



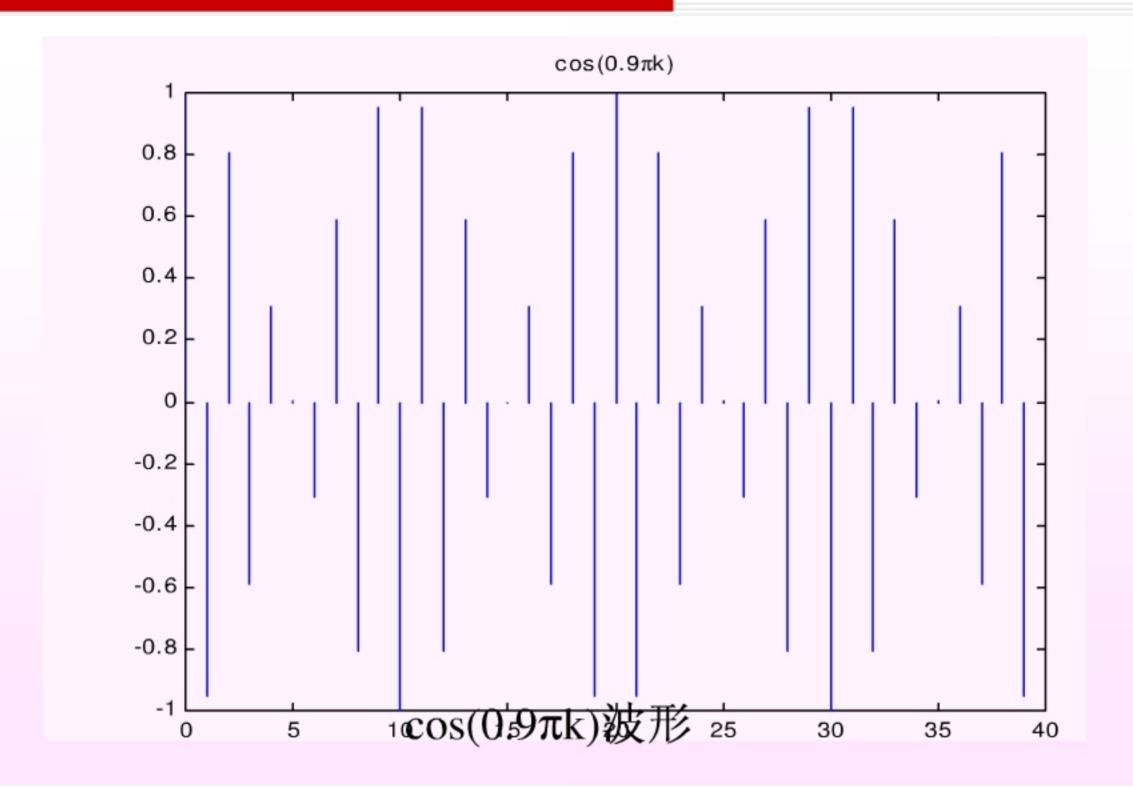
九、stem函数——绘图函数(discrete)

```
k=0:39;

stem(k,cos(0.9*pi*k));

title('cos(0.9\pik)');
```

九、stem函数——绘图函数(discrete)





♣ 信号的MATLAB表示

- ◆ 基本信号的MATLAB表示 指数信号Ae^{at}、指数序列a^k、抽样函数Sa(t)、 正弦型信号、矩形脉冲信号、三角脉冲信号
- ◆ 信号基本运算的MATLAB实现 尺度变换、翻转、时移、 相加、相乘、 差分与求和、微分与积分

➤ 指数信号Aeat

y = A*exp(a*t);

➤ 指数序列a^k

幂运算a.^k实现

> 正弦型信号

内部函数cos()和sin()

➤ 抽样函数Sa(t)

sinc(t)

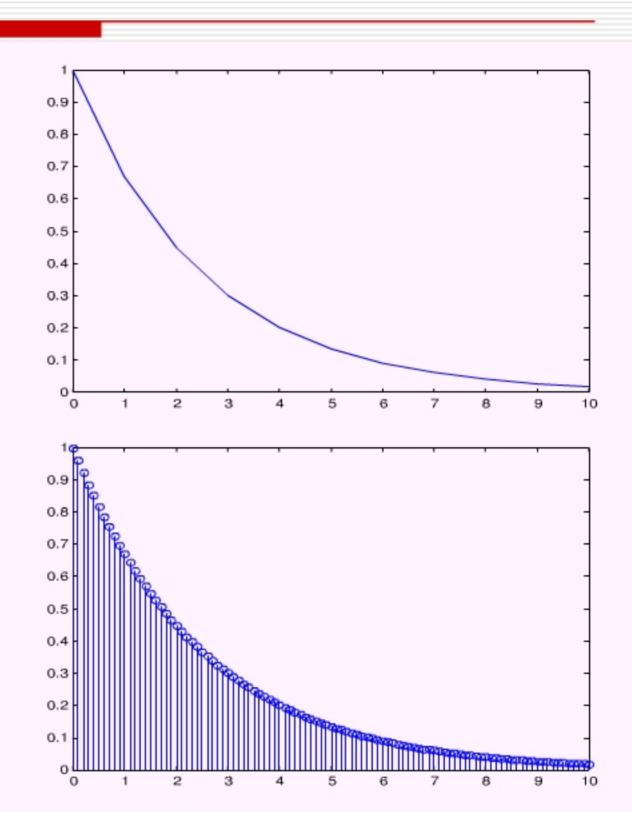
> 矩形脉冲信号

y = rectpuls(t, width)

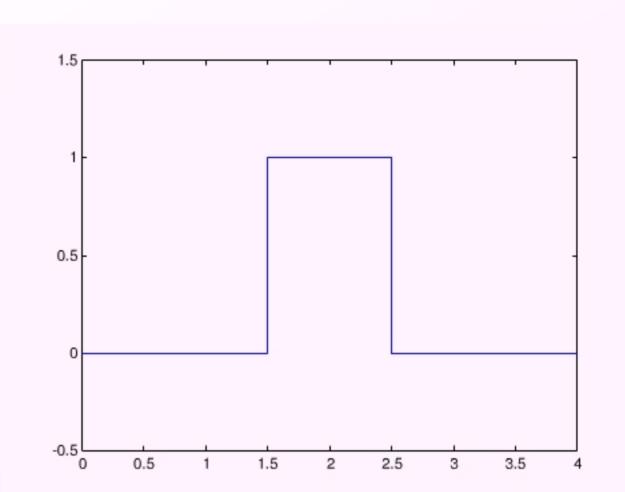
> 三角波脉冲信号

y = tripuls(t, width,skew)

```
%decaying exponential
t=0:001:10;
A=1;
a=-0.4;
ft=A*exp(a*t);
plot(t,ft)
t=0:0.1:10;
A=1;
a=-0.4;
ft=A*exp(a*t);
stem(t,ft)
```

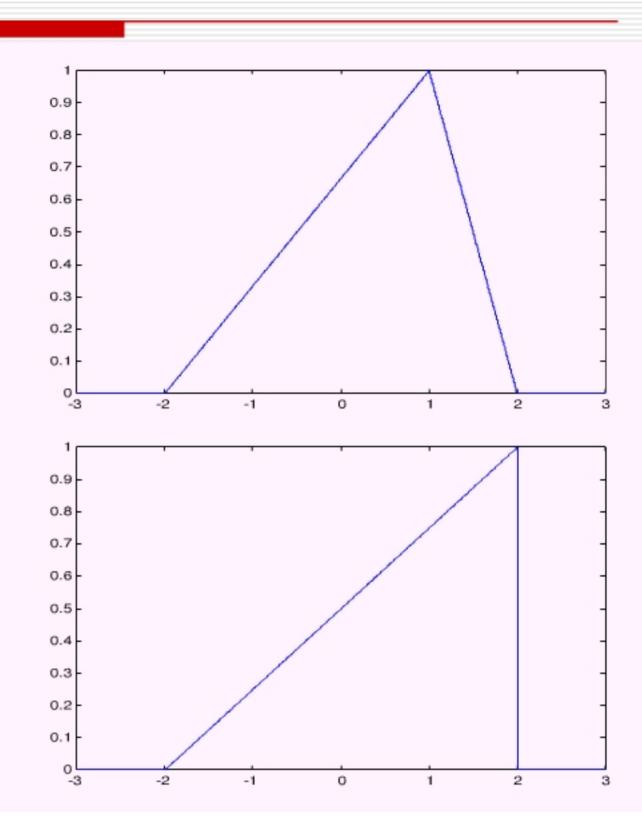


% rectpuls t=0:0.001:4; T=1; ft=rectpuls(t-2*T,T); plot(t,ft) axis([0,4,-0.5,1.5])



```
% tripuls
t=-3:0.001:3;
ft=tripuls(t,4,0.5);
plot(t,ft)
```

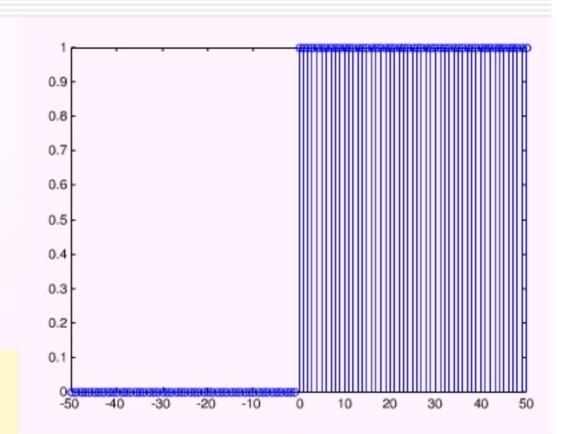
ft=tripuls(t,4,1);



```
% unit impuls sequence
                                      0.9
                                      0.8
k=-50:50;
                                      0.7
                                      0.6
delta=[zeros(1,50),1,zeros(1,50)];
                                      0.5
                                      0.4
stem(k,delta)
                                      0.3
                                      0.2
function [f,k]=impseq(k0,k1,k2)
%产生 f[k]=delta(k-k0); k1<=k<=k2
k=[k1:k2];f=[(k-k0)==0];
k0=0;k1=-50;k2=50;
[f,k]=impseq(k0,k1,k2);
stem(k,f)
```

```
% unit step sequence
k=-50:50;
uk=[zeros(1,50), ones(1,51)];
stem(k,uk)
```

function [f,k]=stepseq(k0,k1,k2)%产生 f[k]=u(k-k0);k1 <= k <= k2k=[k1:k2];f=[(k-k0)>=0];k0=0;k1=-50;k2=50;[f,k]=stepseq(k0,k1,k2);stem(k,f)



1. 信号的尺度变换、翻转、时移(平移)

```
t=-3:0.001:3;

ft1=tripuls(2*t,4,0.5);

subplot(2,1,1)

plot(t,ft1)

title('x(2t)')

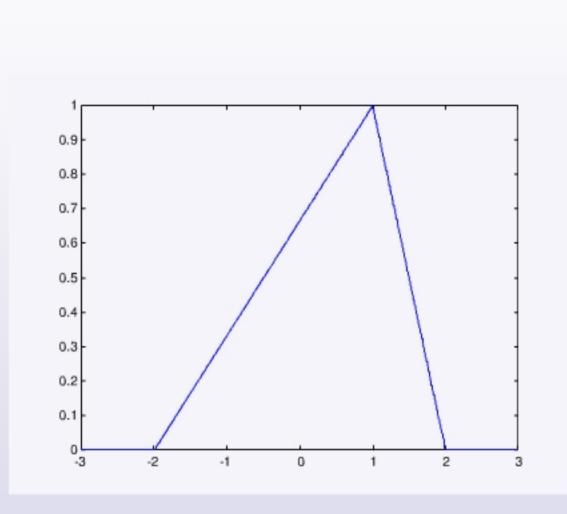
ft2=tripuls((2-2*t),4,0.5);

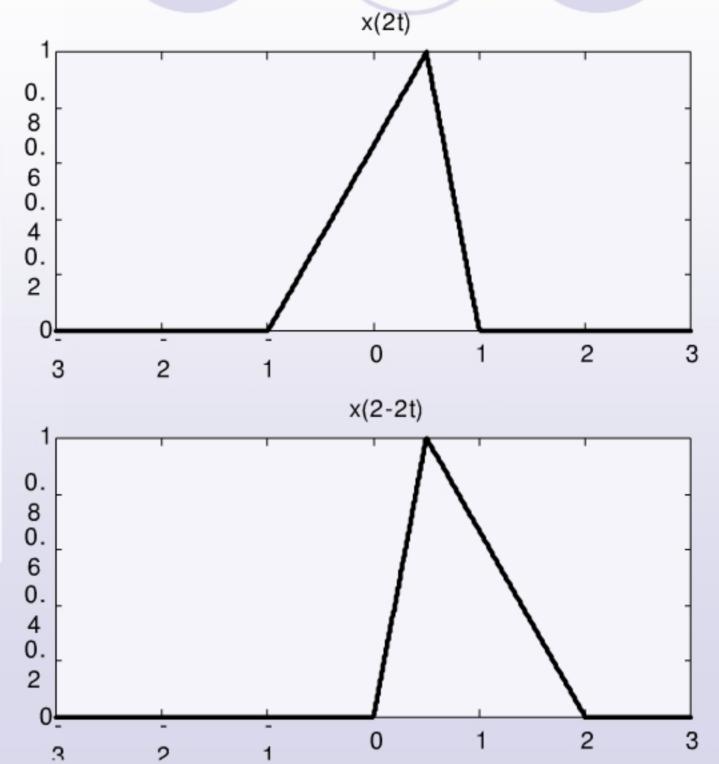
subplot(2,1,2)

plot(t,ft2)

title('x(2-2t)')
```

已知三角波x(t),用MATLAB画出的x(2t)和x(2-2t)波形

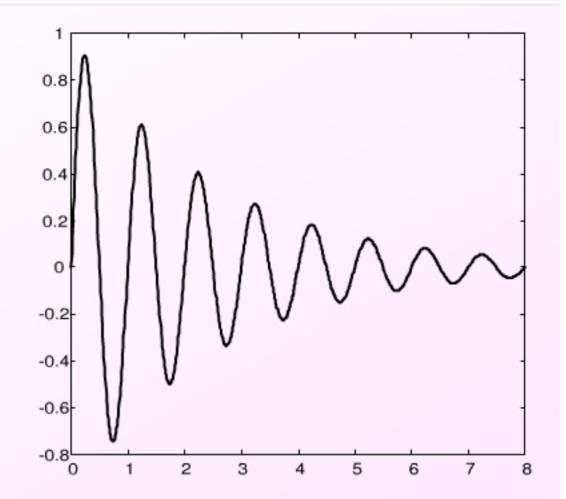




- 2. 信号的相加与相乘
- ✓ 相加用算术运算符 "+"实现
- ✓ 相乘用数组运算符 "*"实现

例:画信号Ae at cos($\omega_0 t + \phi$)的波形 t=0:0.001:8; A=1; a=-0.4; w0=2*pi;phi=0; ft1=A*exp(a*t).*sin(w0*t+phi);

plot(t,ft1)



- 3. 离散序列的差分与求和 连续信号的微分与积分
- ➤ 差分 y=diff(f);
- ▶ 求和 y=sum(f(k1:k2));
- ➤ 微分 y=diff(f)/h; h为数值计算所取时间间隔
- > 定积分 quad('function_name',a,b);

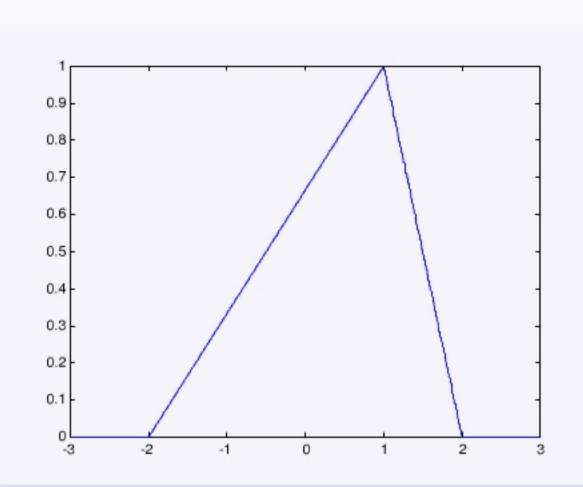
function_name为被积函数名,a和b指定积分区间。

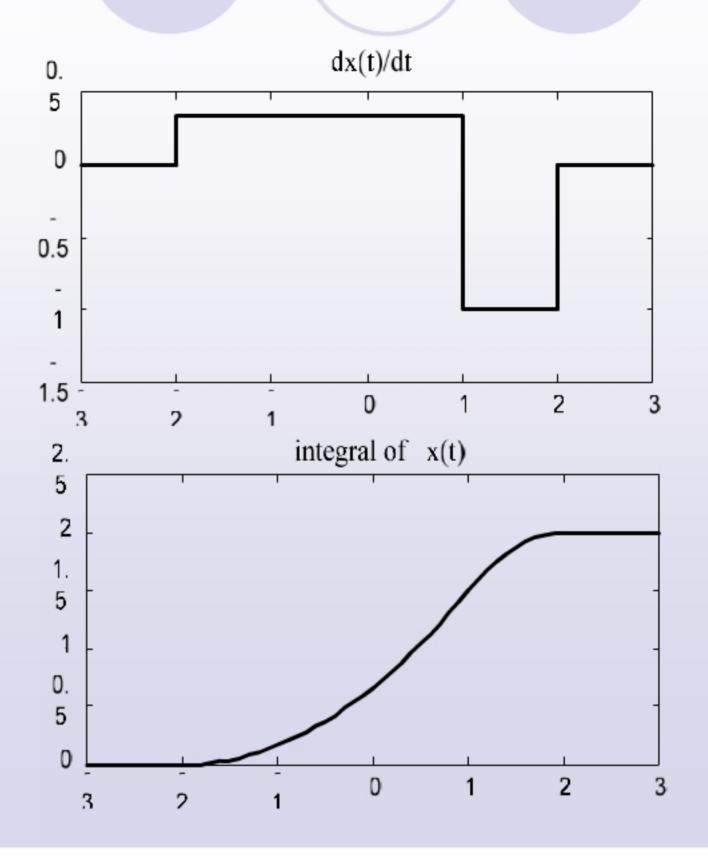
3. 离散序列的差分与求和连续信号的微分与积分

例:已知三角波x(t), 画出其微分与积分的波形

%differentiation %integration h=0.001; t=-3:h:3; t=-3:0.1:3; $y1=diff(f2_2(t))*1/h;$ for x=1:length(t) plot(t(1:length(t)-1),y1) $y2(x)=quad('f2_2', -3,t(x));$ end plot(t,y2)

三角波ƒ(t)微分与积分的波形







♣ 利用MATLAB进行系统的时域分析

- ◆ 连续时间系统零状态响应的求解
- ◆ 连续时间系统冲激响应和阶跃响应的求解
- ◆ 离散时间系统零状态响应的求解
- ◆ 离散时间系统单位脉冲响应的求解
- ◆ 离散卷积的计算

一、连续时间系统零状态响应的求解

y=lsim(sys,x,t)

t 表示计算系统响应的抽样点向量

x 是系统输入信号向量,

sys 是LTI系统模型,借助tf函数获得

sys=tf(b,a)

b和a分别为微分方程右端和左端各项的系数向量 $a_3y'''(t)+a_2y''(t)+a_0y(t)=b_3x'''(t)+b_2x''(t)+b_1x'(t)+b_0x(t)$

a=[a3, a2, a1, a0]; b=[b3, b2, b1, b0]; sys=tf(b,a)

二、连续系统冲激响应和阶跃响应求解

连续时间系统冲激响应可用impulse函数直接求出, 其调用形式为 y=impulse(sys, t)

连续时间系统阶跃响应可用step函数直接求出, 其调用形式为

y = step(sys, t)

t 表示计算系统响应的抽样点向量 sys 是LTI系统模型

三、离散时间系统零状态响应的求解

y=filter(b,a,x)

b,a分别是差分方程左、右端的系数向量

x 表示输入序列, y表示输出序列

$$\sum_{i=0}^{n} a_i y[k-i] = \sum_{j=0}^{m} b_j x[k-j]$$

可用MATLAB表示为

b=[b0,b1,b2,...,bM];

a=[a0,a1,a2,....,aN];

四、离散时间系统单位脉冲响应的求解

h=impz(b,a,k)

b, a 分别是差分方程左、右端的系数向量

k表示输出序列的取值范围

h就是单位脉冲响应

五、离散卷积的计算

c = conv(a,b)

式中a,b为待卷积两序列的向量表示,c是卷积结果。

conv函数也可用于计算两个多项式的积

例: $(s^3+2s+3)(s^2+3s+2)$ 可用下面MATLAB语句求出 a = [1,0,2,3];

b = [1,3,2];

c = conv(a,b)

例1 求系统 y''(t)+2y'(t)+100y(t)=10x(t) 的零状态响应,已知 $x(t)=\sin(2\pi t) u(t)$ 。

%program3_1微分方程求解

ts=0;te=5;dt=0.01; sys=tf([10],[1 2 100]); t=ts:dt:te; x=sin(2*pi*t); y=lsim(sys,x,t); plot(t,y); xlabel('Time(sec)') ylabel('y(t)')

例2 求系统 y''(t)+2y'(t)+100y(t)=10x(t) 的零状态响应,已知 $x(t)=\delta(t)$ 。

%program3_2连续时间系统的冲激响应

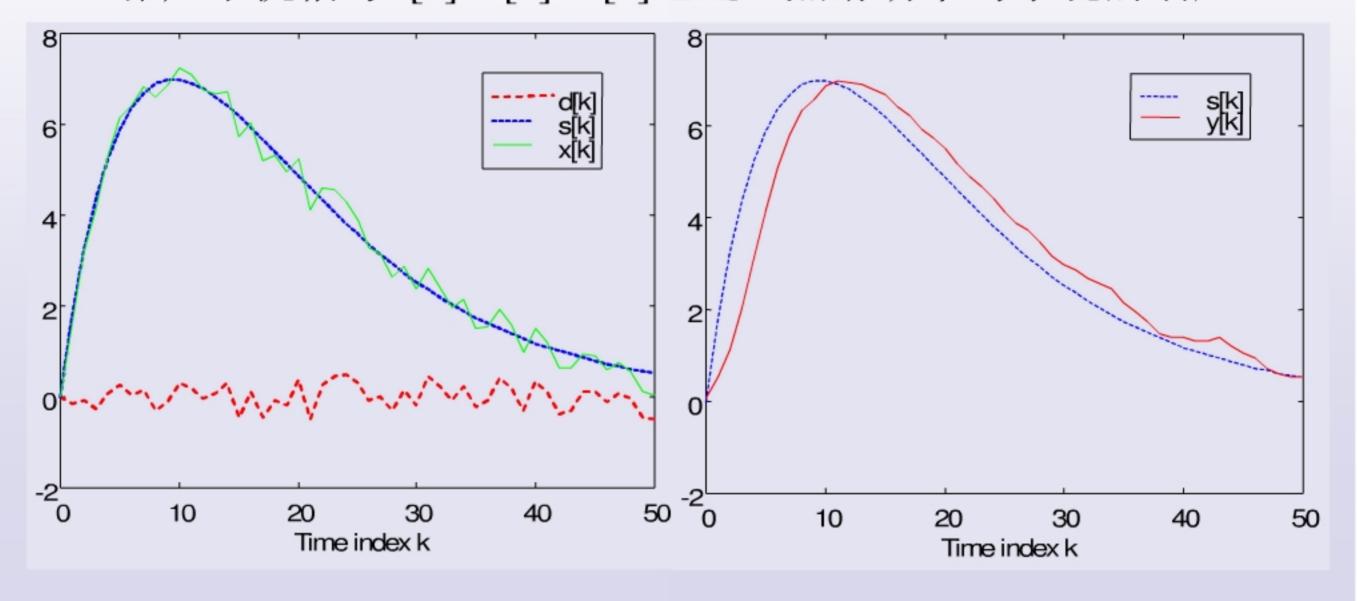
ts=0;te=5;dt=0.01; sys=tf([10],[1 2 100]); t=ts:dt:te; y=impulse(sys,t); plot(t,y); xlabel('Time(sec)') ylabel('h(t)')

1
2
3
4
5 **例3** 分析噪声干扰的信号x[k]=s[k]+d[k]通过M点滑动平均系统的响应, $y[k]=\frac{1}{M}\sum_{n=0}^{M-1}x[k-n]$ 其中 $s[k]=(2k)0.9^k$ 是原始信号,d[k]是噪声。

```
R = 51; d = rand(1,R) - 0.5;
k=0:R-1;
s=2*k.*(0.9.^k); x=s+d;
figure(1);
plot(k,d,'r-.',k,s,'b--',k,x,'g-');
M = 5; b = ones(M,1)/M; a = 1;
y = filter(b,a,x);
figure(2);
plot(k,s,'b--',k,y,'r-');
```

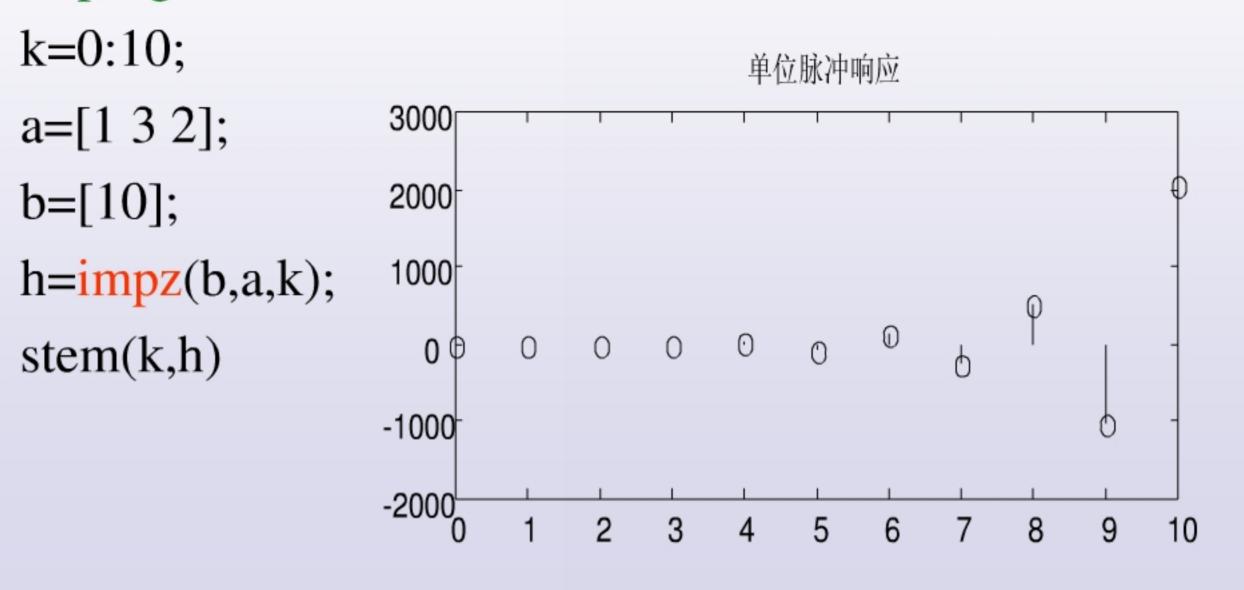
例3 分析噪声干扰的信号x[k]=s[k]+d[k]通过M点滑动平均系统的响应, $y[k]=\frac{1}{M}\sum_{n=0}^{M-1}x[k-n]$ 其中 $s[k]=(2k)0.9^k$ 是原始信号,d[k]是噪声。

噪声干扰信号x[k]=s[k]+d[k]通过M点滑动平均系统的响应

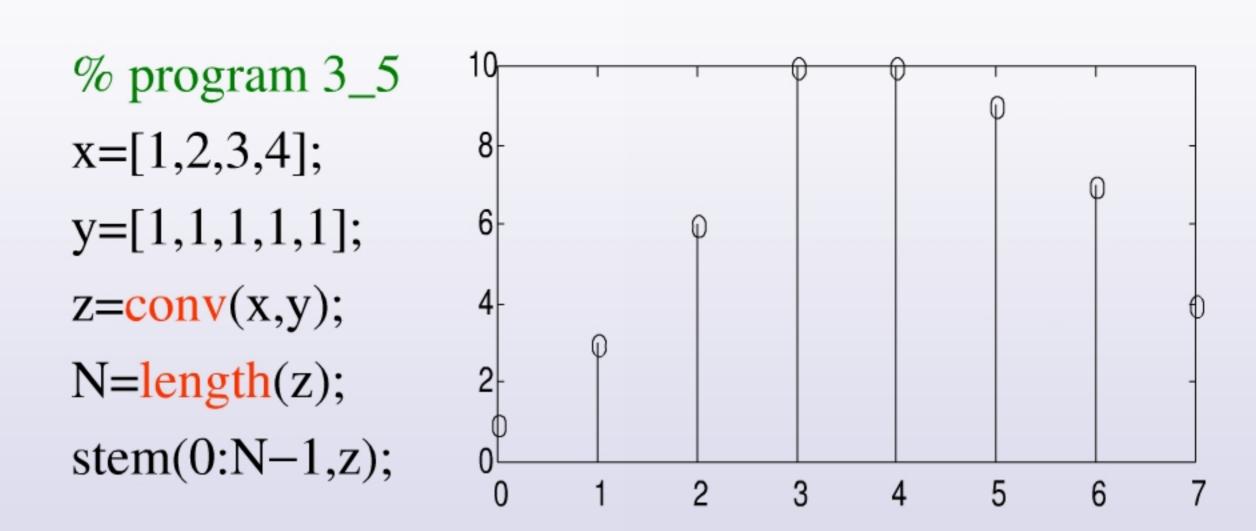


例4 求系统y[k]+3y[k-1]+2y[k-1]=10x[k]的单位脉冲响应。

% program 3_4 离散系统的单位脉冲响应



例5 计算x[k]* y[k]并画出卷积结果,已知x[k]={1,2,3,4; k=0,1,2,3},y[k]={1,1,1,1,1; k=0,1,2,3,4}。





♣ 利用MATLAB进行信号的频域分析

- ◆ 周期信号频谱的MATLAB实现
- ◆ 用数值积分分析非周期信号频谱

一、周期信号频谱的MATLAB实现

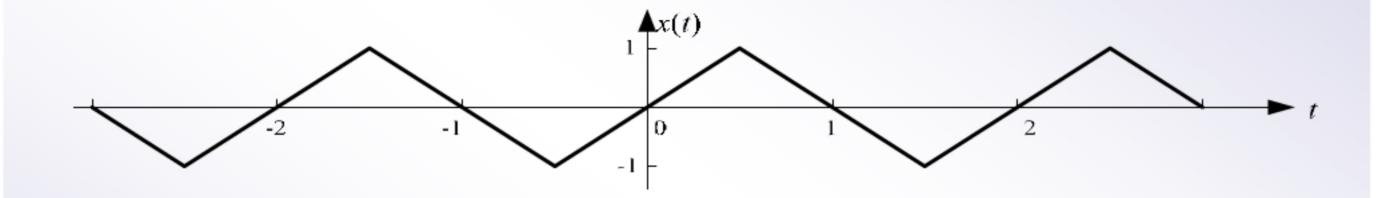
频谱Fn一般为复数,可分别利用abs和angle函数获得其幅频特性和相频特性。

其调用格式分别为

x=abs(Cn)
y=angle(Cn)

周期信号的频谱Cn 为离散信号,可以用stem 画出其频谱图。

例1 试用MATLAB画出图示周期三角波信号的频谱。



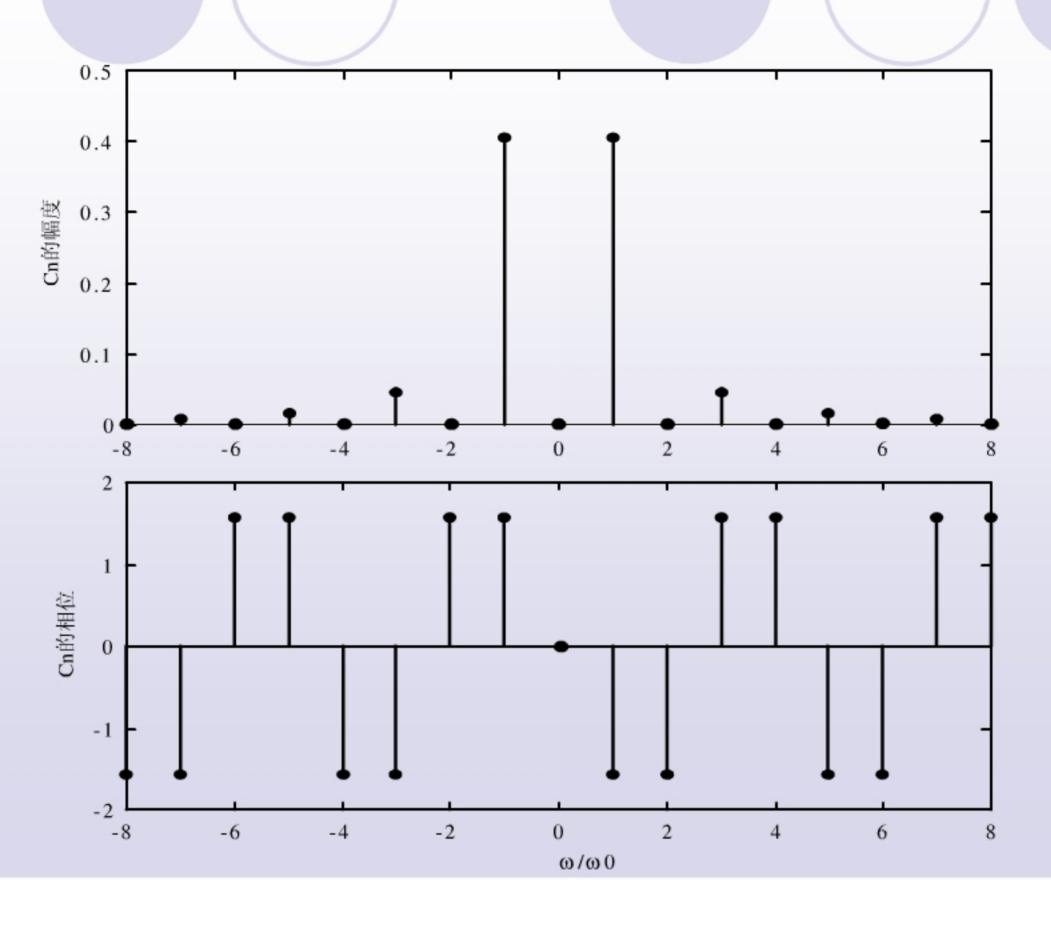
解:周期信号的频谱为

$$C_n = \begin{cases} \frac{-4j}{n^2 \pi^2} \sin(\frac{n\pi}{2}) & n \neq 0\\ 0 & n = 0 \end{cases}$$

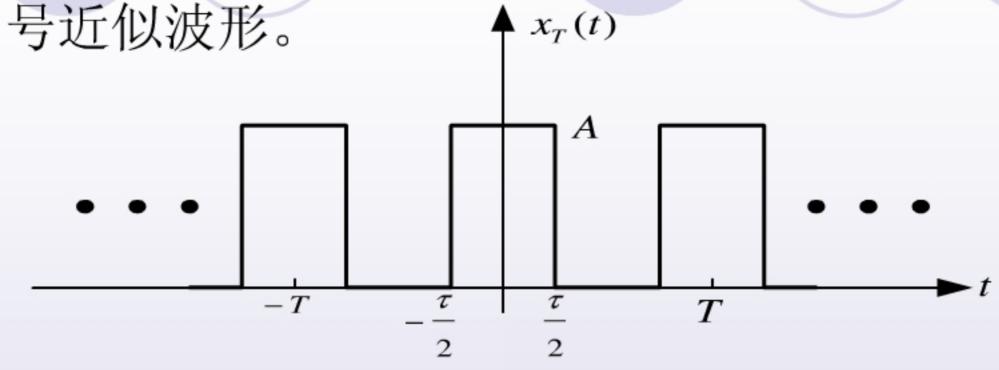
画三角波信号频谱的MATLAB程序

```
N=8;
n1=-N:-1; %计算n=-N到-1的Fourier系数
c1=-4*j*sin(n1*pi/2)/pi^2./n1.^2;
c0=0; %计算n=0时的Fourier系数
n2=1:N; %计算n=1到N的Fourier系数
c2=-4*j*sin(n2*pi/2)/pi^2./n2.^2;
cn=[c1 c0 c2];
n=-N:N;
subplot(2,1,1);
stem(n,abs(cn));ylabel('Cn的幅度');
subplot(2,1,2);
stem(n,angle(cn));
ylabel('Cn的相位');xlabel('\omega/\omega0');
```

程序运行结果



例2 求周期矩形脉冲的Fourier级数表示式。并用 MATLAB求出由前N项Fourier级数系数得出的信



$$C_n = \frac{\tau A}{T} \operatorname{Sa}(n\omega_0 \tau/2)$$

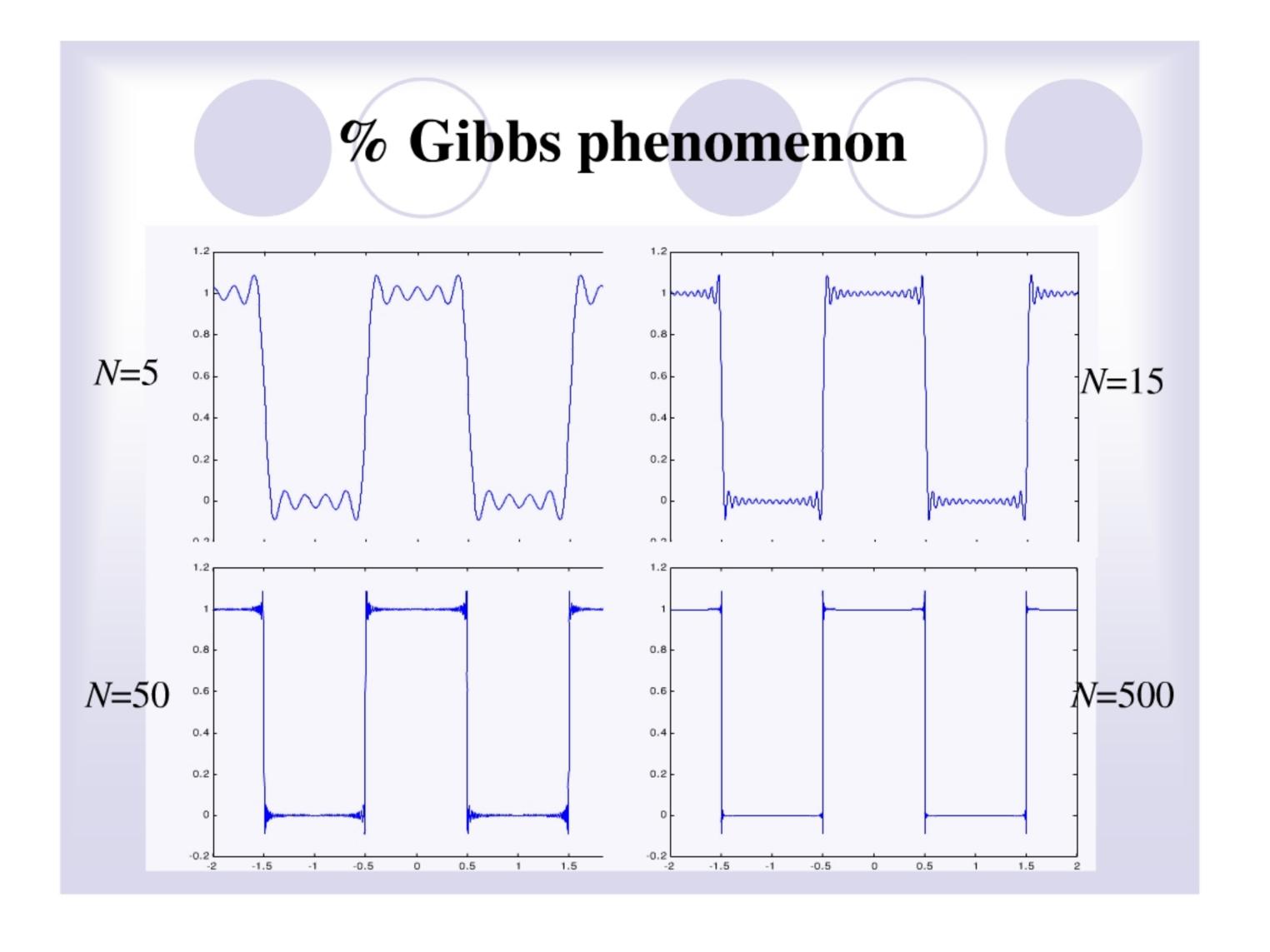
$$x_T(t) = \sum_{n=-\infty}^{\infty} C_n e^{jn\omega_0 t} = \frac{\tau A}{T} + \sum_{n=1}^{\infty} \frac{2\tau A}{T} \operatorname{Sa}(\frac{n\omega_0 \tau}{2}) \cos n\omega_0 t$$

$$\Re A=1, T=2, \tau=1, \omega_0=\pi$$

$$x_T(t) = 0.5 + \sum_{n=1}^{\infty} \operatorname{Sa}(\frac{n\pi}{2}) \cos(n\pi t)$$

% Gibbs phenomenon

```
t=-2:0.001:2;
N=input('Number of harmonics= ');
c0=0.5;
xN=c0*ones(1,length(t)); %dc component
for n=0:2:N % even harmonics are zero
    xN=xN+cos(pi*n*t)*sinc(n/2);
end
plot(t,xN);
```



二、用数值积分分析非周期信号频谱

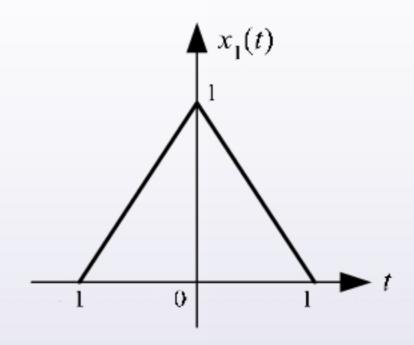
数值函数积分quad8可用来计算非周期信号频谱

y = quad8('F',a,b)

F 是一个字符串,它表示被积函数的文件名。

a,b 分别表示定积分的下限和上限 quad8的返回是用自适应Simpson算法得出的积分值

例3 试用数值方法近似计算三角波信号的频谱



解: 图示三角波可表示为

$$x_1(t) = (1-|t|)p_2(t)$$

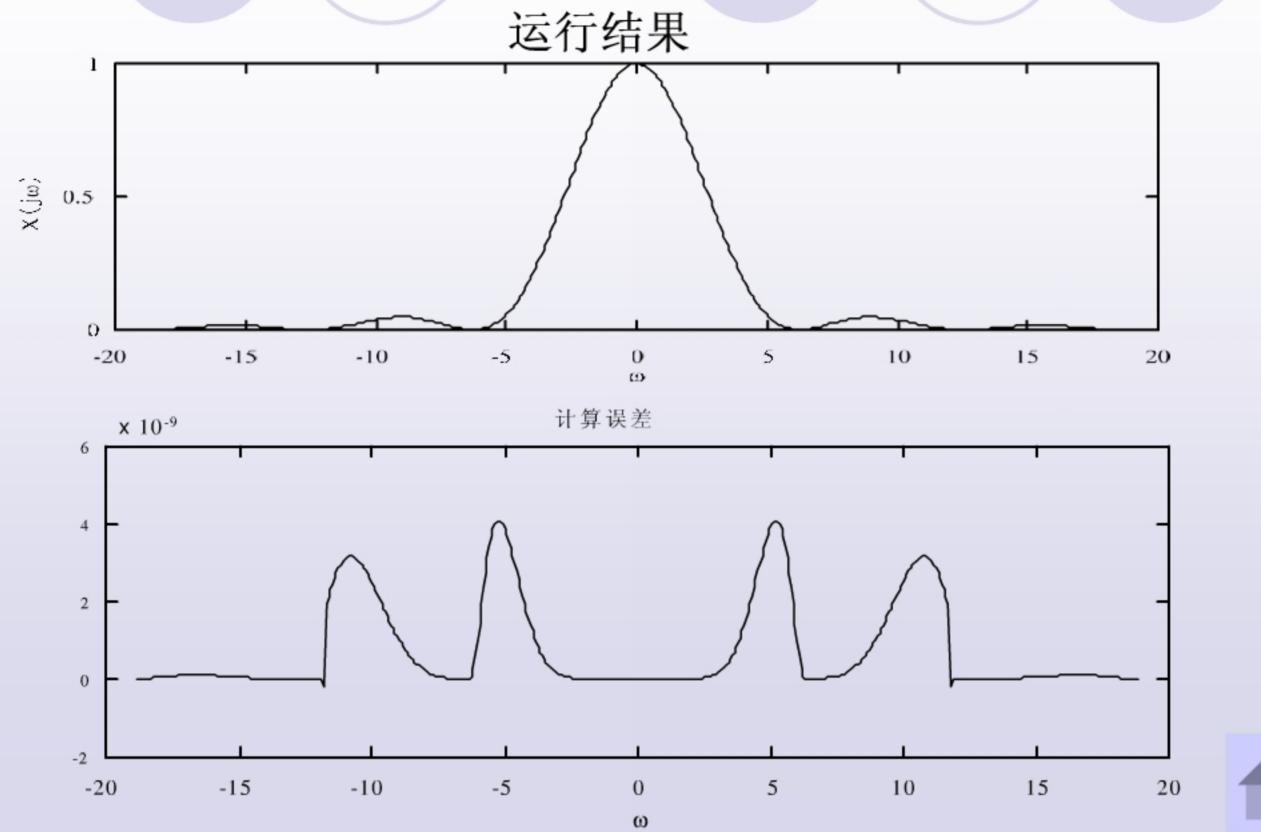
三角波信号频谱的理论值为

$$X(j\omega) = Sa^2(\omega/2)$$

例3 试用数值方法近似计算三角波信号的频谱

```
function y=sf1(t,w);
y=(t>=-1 & t<=1).*(1-abs(t)).*exp(-j*w*t);
w=linspace(-6*pi,6*pi,512);
N=length(w);X=zeros(1,N);
for k=1:N
    X(k)=quad8('sf1',-1,1,[],[],w(k));
end
figure(1);
plot(w,real(X));title(")
xlabel('\omega');ylabel('X(j\omega)');
figure(2);
plot(w,real(X)-sinc(w/2/pi).^2);
xlabel('\omega');title('计算误差');
```

例3 试用数值方法近似计算三角波信号的频谱





♣ 利用MATLAB进行系统频域分析

- 连续系统频率响应的计算
- 周期信号通过系统的响应
- ◆ 离散系统频率响应的计算

一、连续系统频率响应的计算

$$H(j\boldsymbol{\omega}) = \frac{B(\boldsymbol{\omega})}{A(\boldsymbol{\omega})} = \frac{b(1)(j\boldsymbol{\omega})^{M} + b(2)(j\boldsymbol{\omega})^{M-1} + \cdots + b(M+1)}{a(1)(j\boldsymbol{\omega})^{N} + a(2)(j\boldsymbol{\omega})^{N-1} + \cdots + a(N+1)}$$

计算频响的MATLAB函数

H=freqs(b,a,w)

- b 分子多项式系数
- a 分母多项式系数
- w 需计算的H(jω)的抽样点 (数组w中少需包含两个ω的抽样点)。

一、连续系统频响特性的计算

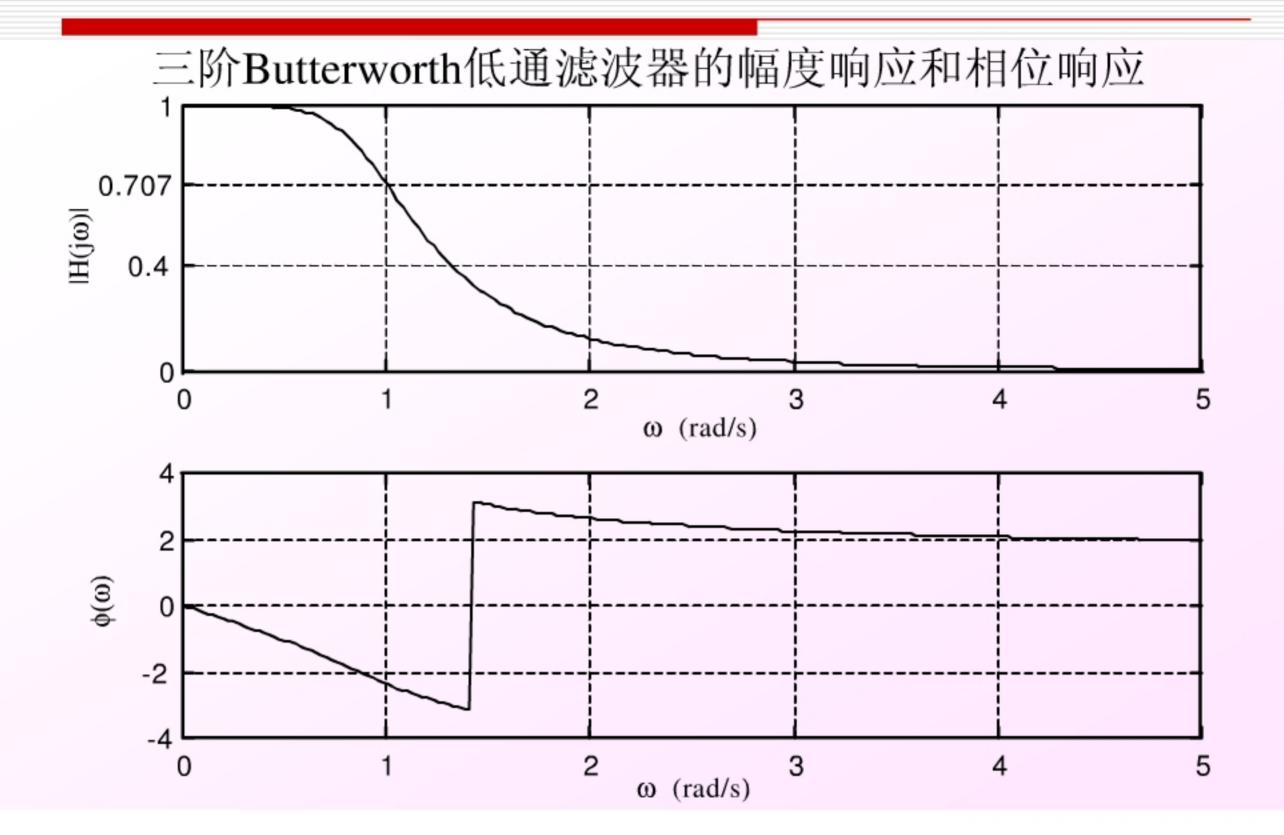
例1 三阶归一化的Butterworth低通滤波器的系统函数为

$$H(j\omega) = \frac{1}{(j\omega)^3 + 2(j\omega)^2 + 2(j\omega) + 1}$$

试画出 $|H(j\omega)|$ 和 $\varphi(\omega)$ 。

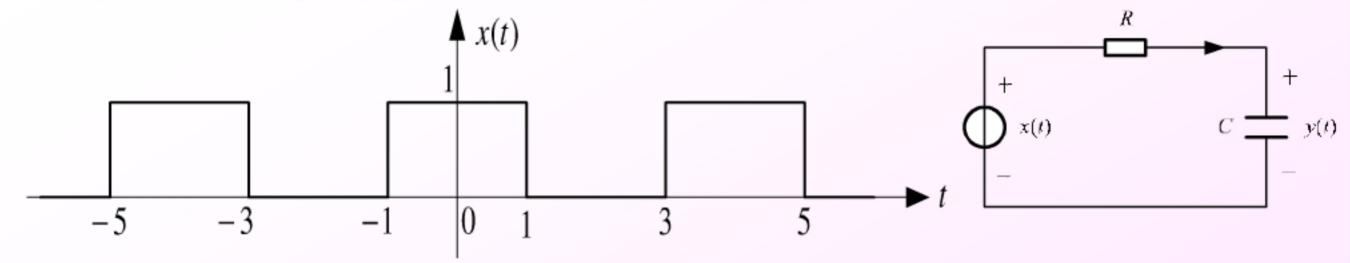
w=linspace(0,5,200);
b=[1];a=[1 2 2 1];
h=freqs(b,a,w);
subplot(2,1,1);
plot(w,abs(h));
subplot(2,1,2);
plot(w,angle(h));

一、连续系统频响特性的计算



二、周期信号通过系统的响应

周期方波通过RC系统的响应。



$$H(j\omega) = \frac{1/j\omega C}{R + 1/j\omega C} = \frac{1}{1 + j\omega RC}$$

$$H(j\omega) = \frac{1/j\omega C}{R + 1/j\omega C} = \frac{1}{1 + j\omega RC} \qquad C_n = \frac{A\tau}{T} \operatorname{Sa}\left(\frac{n\omega_0\tau}{2}\right) = \frac{1}{2} \operatorname{Sa}\left(\frac{\pi n}{2}\right)$$

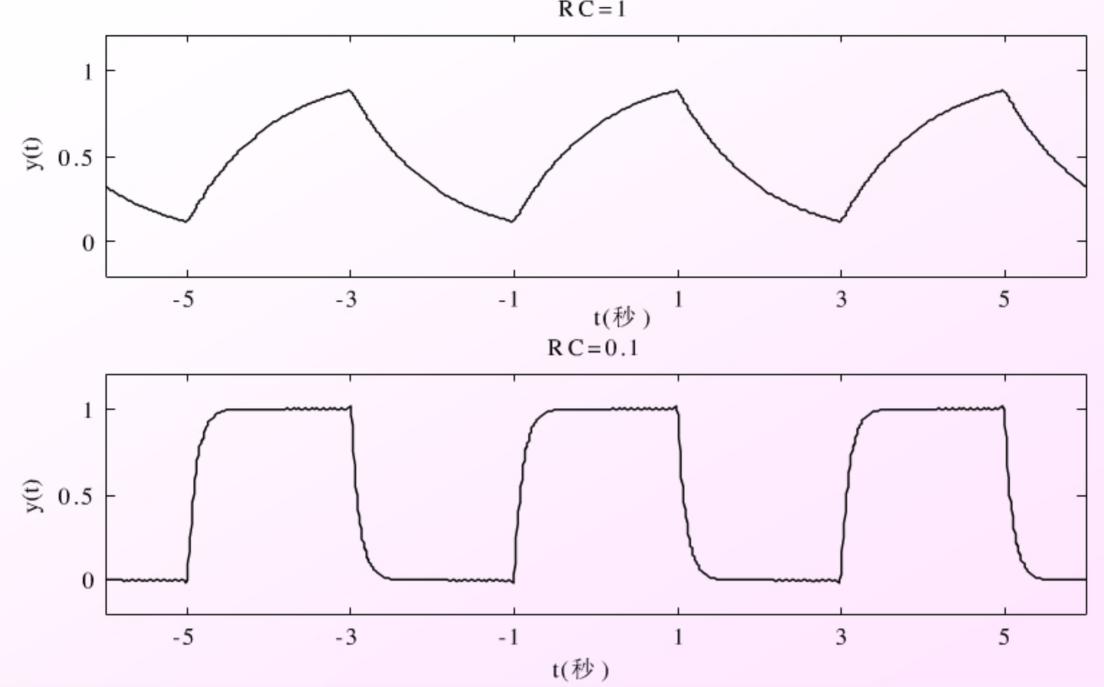
$$y(t) = \sum_{n=-\infty}^{\infty} C_n H(jn\omega_0) e^{jn\omega_0 t} = 0.5 + \sum_{n=1}^{\infty} Sa(\frac{\pi n}{2}) \left| \frac{1}{1 + jn\omega_0 RC} \right| \cos(n\omega_0 t + \phi)$$

二、周期信号通过系统的响应

```
例2 周期方波通过RC系统的响应。
    %p5_2 Periodic signal pass LTI system
    T=4;w0=2*pi/T;RC=0.1;
    t= -6:0.01:6;N=51;
    c0=0.5;xN=c0*ones(1,length(t)); %dc
    for n=1:2:N % even harmonics are zero
        H=abs(1/(1+j*RC*w0*n));
        phi=angle(1/(1+j*RC*w0*n));
        xN=xN+H*cos(w0*n*t+phi)*sinc(n*0.5);
    end
    plot(t,xN);
    xlabel(['time RC=',num2str(RC)]);grid;
    set(gca,'xtick',[-5 -3 -1 0 1 3 5]);
```

二、周期信号通过系统的响应

例2 周期方波通过RC系统的响应。



三、离散系统频率响应的计算

$$H(e^{j\Omega}) = \frac{B(e^{j\Omega})}{A(e^{j\Omega})} = \frac{b_0 + b_1 e^{-j\Omega} + \dots + b_M e^{-j\Omega M}}{a_0 + a_1 e^{-j\Omega} + \dots + a_N e^{-j\Omega N}}$$

计算频率响应的MATLAB函数

$$h = freqz(b,a,w)$$

b 分子的系数 a 分母系数

w 抽样的频率点(至少2点), w在0~2π之间

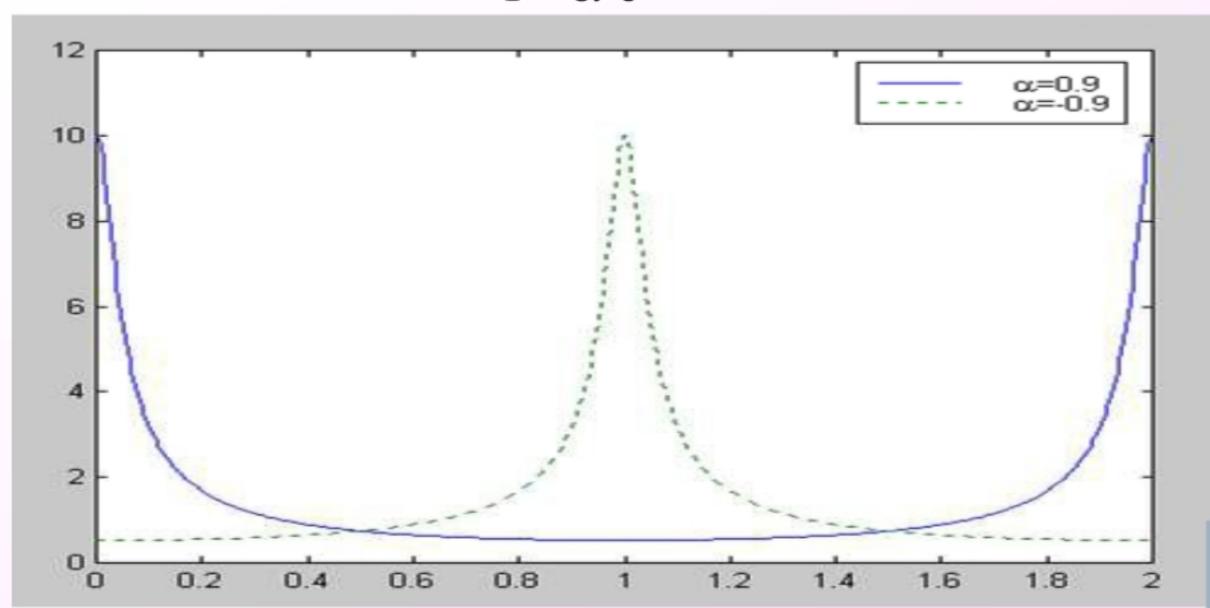
幅频特性: abs, 相频特性: angle

三、离散系统频率响应的计算

例: 画
$$H(e^{j\Omega}) = \frac{1}{1-\alpha e^{-j\Omega}}$$
的幅度响应曲线 $b=[1];$ $a1=[1-0.9]; a2=[1\ 0.9];$ $w=linspace(0,2*pi,512);$ $h1=freqz(b,a1,w);$ $h2=freqz(b,a2,w);$ $plot(w/pi,abs(h1),w/pi,abs(h2),':');$ $legend('\alpha=0.9','\alpha=-0.9');$

三、离散系统频率响应的计算

例: 画
$$H(e^{j\Omega}) = \frac{1}{1-\alpha e^{-j\Omega}}$$
的幅度响应曲线





♣ 利用MATLAB进行连续系统的 复频域分析

- 部分分式展开的MATLAB实现
- ♦ H(s)的零极点与系统特性的MATLAB计算

一、部分分式展开的MATLAB实现

[r,p,k]=residue(num,den)

num,den分别为X(s)分子多项式和分母多项式的系数向量。

r为部分分式的系数,p为极点,k为多项式的系数。若为真分式,则k为零。

二、H(s)的零极点与系统特性的MATLAB计算

计算多项式根roots的函数可用于计算H(s)的零极点。

r=roots(D)%计算多项式D(s)的根

H(s)零极点分布图可用pzmap函数画出,调用形式为

pzmap(sys)

表示画出sys所描述系统的零极点图。

例1 用部分分式展开法求X(s)的反变换。

$$X(s) = \frac{s+2}{s^3 + 4s^2 + 3s}$$

%program7_1

format rat %将结果数据以分数的形式输出 num=[1 2]; den=[1 4 3 0];

[r,p]=residue(num,den)

运行结果为
$$r = -1/6$$
 , $-1/2$, $2/3$ $p = -3$, -1 , 0

故
$$F(s)$$
可展开为 $X(s) = \frac{2/3}{s} + \frac{-0.5}{s+1} + \frac{-1/6}{s+3}$

$$x(t) = L^{-1}[X(s)] = \frac{2}{3}u(t) - \frac{1}{2}e^{-t}u(t) - \frac{1}{6}e^{-3t}u(t)$$

例2 用部分分式展开法求X(s)的反变换。

$$X(s) = \frac{2s^3 + 3s^2 + 5}{(s+1)(s^2 + s + 2)}$$

% program7_2

 $num=[2\ 3\ 0\ 5];$

den=conv([1 1],[1 1 2]);

%将因子相乘的形式转换成多项式的形式

[r,p,k]=residue(num,den)

magr=abs(r)%求r的模

angr=angle(r) %求r的相角

例2 用部分分式展开法求X(s)的反变换。

$$X(s) = \frac{2s^3 + 3s^2 + 5}{(s+1)(s^2 + s + 2)}$$

运行结果为

- r = -2.0000 + 1.1339i, -2.0000 1.1339i, 3.0000
- p = -0.5000 + 1.3229i, -0.5000 1.3229i, -1.0000
- k=2
- magr = 2.299, 2.2991, 3.0000
- \bullet angr = 2.6258, -2.6258, 0

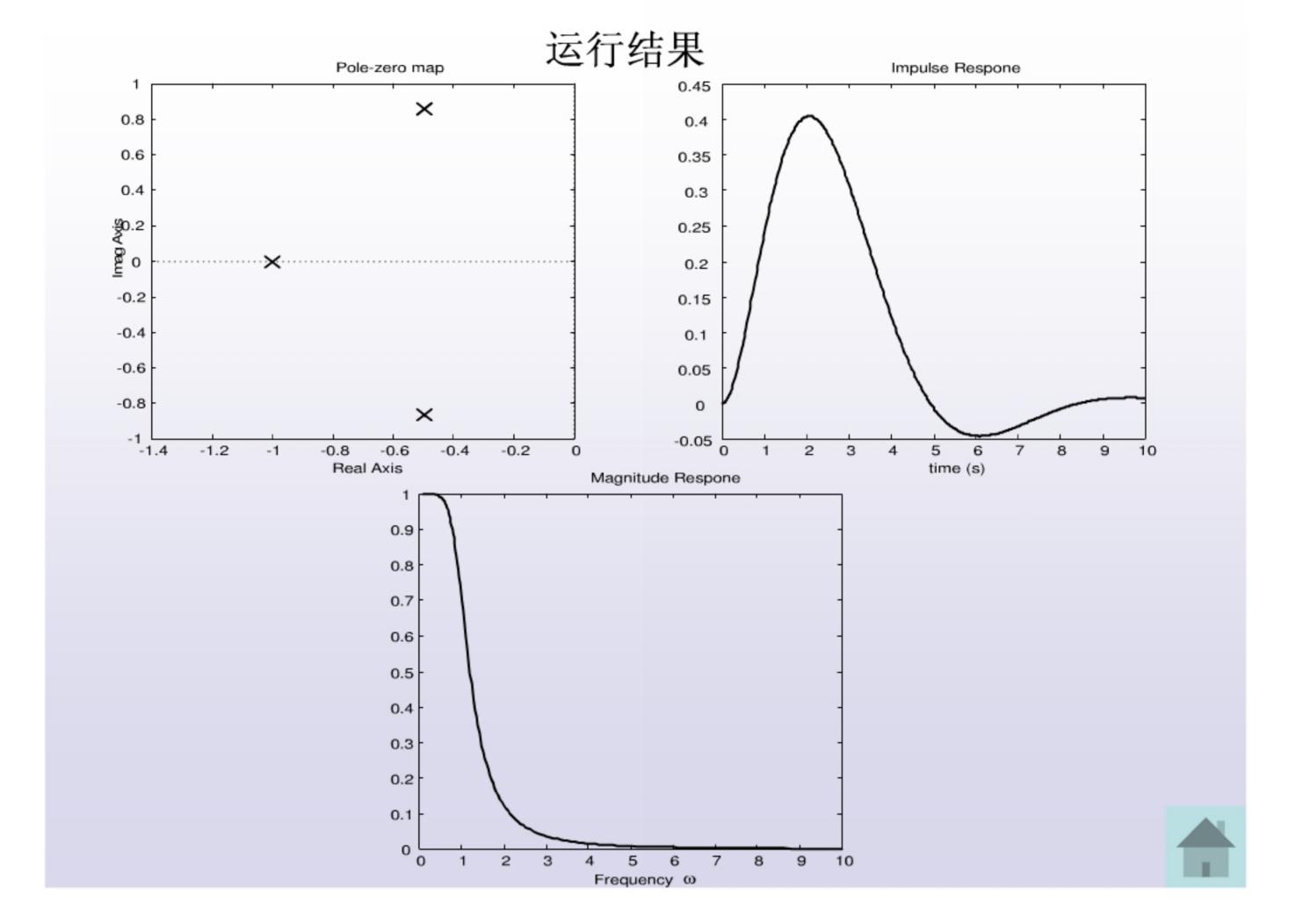
故F(s)可展开为

$$X(s) = 2 + \frac{3}{s+1} + \frac{2.2991e^{-j2.6258}}{s+0.5+j1.3229} + \frac{2.2991e^{j2.6258}}{s+0.5-j1.3229}$$

$$x(t) = 2\delta(t) + 3e^{-t}u(t) + 1.1495e^{-0.5t}\cos(1.3229t + 2.6258)u(t)$$

例3 试画出系统 $H(s) = \frac{1}{s^3 + 2s^2 + 2s + 1}$ 的零极点分布图,求其单位冲激响应h(t)和频率响应 $H(j\omega)$,并判断系统是否稳定。

```
num=[1];den=[1 2 2 1];
sys=tf(num,den);
poles=roots(den)
figure(1);pzmap(sys);
t=0:0.02:10;
h=impulse(num,den,t);
figure(2);plot(t,h)
title('Impulse Respone')
[H,w]=freqs(num,den);
figure(3);plot(w,abs(H))
xlabel('\omega')
title('Magnitude Respone')
```





♣ 利用MATLAB进行离散系统的 z域分析

- ◆ 部分分式展开的MATLAB实现
- ◆ H(z)的零极点与系统特性的MATLAB计算

一、部分分式展开的MATLAB实现

[r,p,k]=residuez(num,den)

num,den分别为X(z)分子多项式和分母多项式的系数向量。

r为部分分式的系数,p为极点,k为多项式的系数。若为真分式,则k为零。

二、H(z)的零极点与系统特性的MATLAB计算

利用tf2zp函数计算H(z)的零极点,调用形式为

[z,p,k]=tf2zp(b,a)

b和a分别为H(z)分子多项式和分母多项式的系数向量。返回值z为零点、p为极点、k为增益常数。

H(z)零极点分布图可用zplane函数画出,调用形式为

zplane(b,a)

例1 将X(z)用部分分式展开。

$$X(z) = \frac{18}{18 + 3z^{-1} - 4z^{-2} - z^{-3}}$$

%program8_1

$$num = [18]; den = [18 3 -4 -1];$$

$$[r,p,k] = residuez(num,den)$$

运行结果为

$$r = 0.3600$$
, 0.2400 , 0.4000

$$p = 0.5000$$
, -0.3333 , -0.3333

k =[]

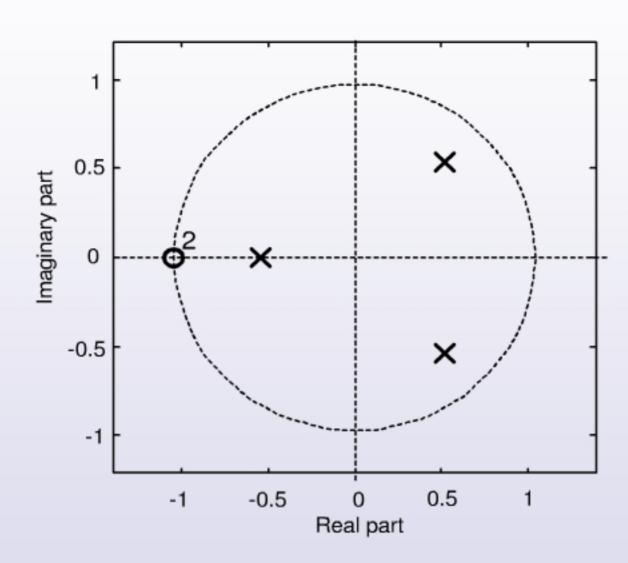
故X(z)可展开为

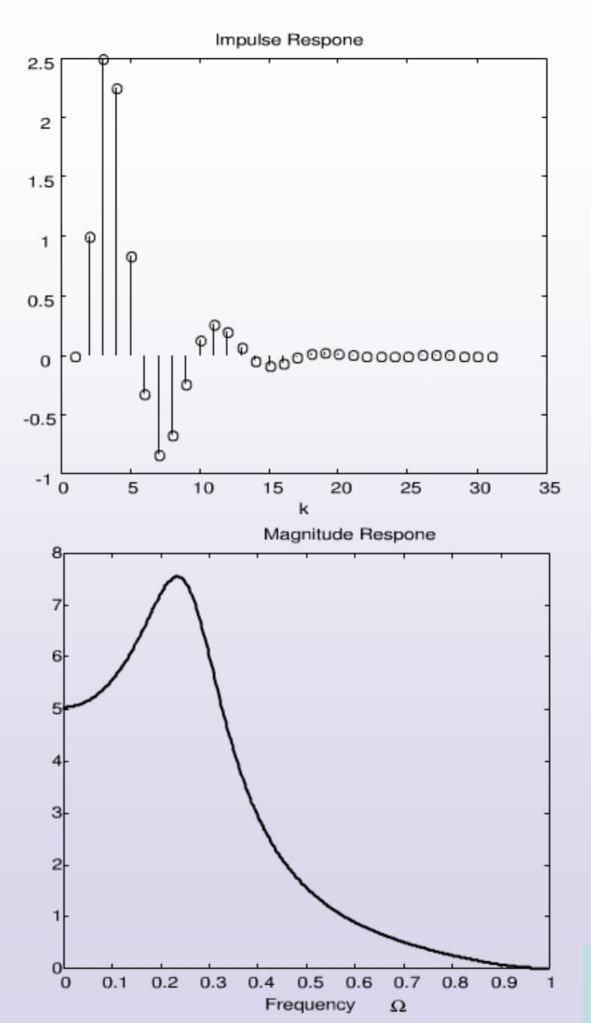
$$X(z) = \frac{0.36}{1 - 0.5z^{-1}} + \frac{0.24}{1 + 0.3333z^{-1}} + \frac{0.4}{(1 + 0.3333z^{-1})^2}$$

例2 试画出系统 $H(z) = \frac{z^{-1} + 2z^{-2} + z^{-3}}{1 - 0.5z^{-1} - 0.005z^{-2} + 0.3z^{-3}}$ 的零极点分布图,求其单位冲激响应h[k]和频率响应 $H(e^{j\Omega})$ 。

```
% program 8_2
b =[1 2 1];a =[1 -0.5 -0.005 0.3];
figure(1);zplane(b,a);
num=[0 1 2 1];
den=[1 -0.5 -0.005 0.3];
h=impz(num,den);
figure(2);stem(h)
xlabel('k')
title('Impulse Respone')
[H,w]=freqz(num,den);
figure(3);plot(w/pi,abs(H))
xlabel('Frequency \omega')
title('Magnitude Respone')
```

运行结果







♣ 利用MATLAB进行系统状态 变量分析

- ◆ 微分方程到状态方程的转换
- ◆ 状态方程系统函数矩阵H(s)的计算
- ◆ MATLAB求解连续系统的状态方程
- ◆ MATLAB求解离散系统的状态方程

一、微分方程到状态方程的转换

[A,B,C,D] = tf2ss(num,den)

num,den 分别表示系统函数H(s)的分子和分母多项式;

A,B,C,D 分别为状态方程的矩阵。

二、状态方程系统函数矩阵H(s)的计算

[num,den] = ss2tf(A,B,C,D,k)

A, B, C, D 分别表示状态方程的矩阵。

K 表示函数ss2tf计算的与第k个输入相关的系统函数,即H(s)的第k列。

 num 表示H(s)第k列的m个元素的分子多项式 den 表示H(s)公共的分母多项式。

三、MATLAB求解连续系统的状态方程

获得连续系统状态方程的计算机表示模型

sys = ss(A,B,C,D)

求解状态方程

[y,to,q]=lsim(sys,x,t,q0)

sys 由函数ss构造的状态方程模型

需计算的输出样本点, t=0:dt:Tfinal

x(:,k) 系统第k个输入在t上的抽样值

q0 系统的初始状态(可缺省)

y(:,k) 系统的第k个输出

to 实际计算时所用的样本点; q 系统的状态

四、MATLAB求解离散系统的状态方程

获得离散状态方程的计算机表示模型

sys = ss(A,B,C,D,[])

求解状态方程

[y,n,q]=lsim(sys,x,[],q0)

sys 由函数ss构造的状态方程模型

x(:,k) 系统第k个输入序列

q0 系统的初始状态(可缺省)

y(:,k) 系统的第k个输出

n 序列的下标;

q 系统的状态

或直接利用

[y, q] = dlsim(A,B,C,D,x,q0)

例1 写出系统 y''(t)+5y'(t)+10y(t)=x(t) 的 状态方程。

$$\pm$$
 [A,B,C,D]=tf2ss([1],[1 5 10])

可得
$$A = \begin{bmatrix} -5 & -10 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}$$
 $B = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \end{bmatrix}$ $C = [0 \ 1]$ $D = 0$

所以系统的状态方程为

$$\begin{bmatrix} \dot{q}_1 \\ \dot{q}_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -5 & -10 \\ 1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} q_1 \\ q_2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \end{bmatrix} x(t)$$
$$y(t) = \begin{bmatrix} 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} q_1 \\ q_2 \end{bmatrix}$$

例2 已知某连续系统的状态方程和输出方程为

$$\begin{bmatrix} \dot{q}_1(t) \\ \dot{q}_2(t) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 & 3 \\ 0 & -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} q_1(t) \\ q_2(t) \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1(t) \\ x_2(t) \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} y_1(t) \\ y_2(t) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 0 & -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} q_1(t) \\ q_2(t) \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1(t) \\ 1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1(t) \\ x_2(t) \end{bmatrix}$$

其初始状态和输入分别为

$$\begin{bmatrix} q_1(0^-) \\ q_2(0^-) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 \\ -1 \end{bmatrix} \qquad \begin{bmatrix} x_1(t) \\ x_2(t) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} u(t) \\ e^{-3t}u(t) \end{bmatrix}$$

求该系统的系统函数矩阵H(s) 和输出。

计算系统函数矩阵H(s)

$$C=[1 \ 1; 0 \ -1]; D=[1 \ 0; 1 \ 0];$$

[num1,den1]=ss2tf(A,B,C,D,1)

[num2,den2]=ss2tf(A,B,C,D,2)

运行结果

$$num1 = 1 0 -1$$

$$1 -2 0$$

$$den1 = 1 -1 -2$$

$$num2 = 0 1 1$$

$$den 2 = 1 -1 -2$$

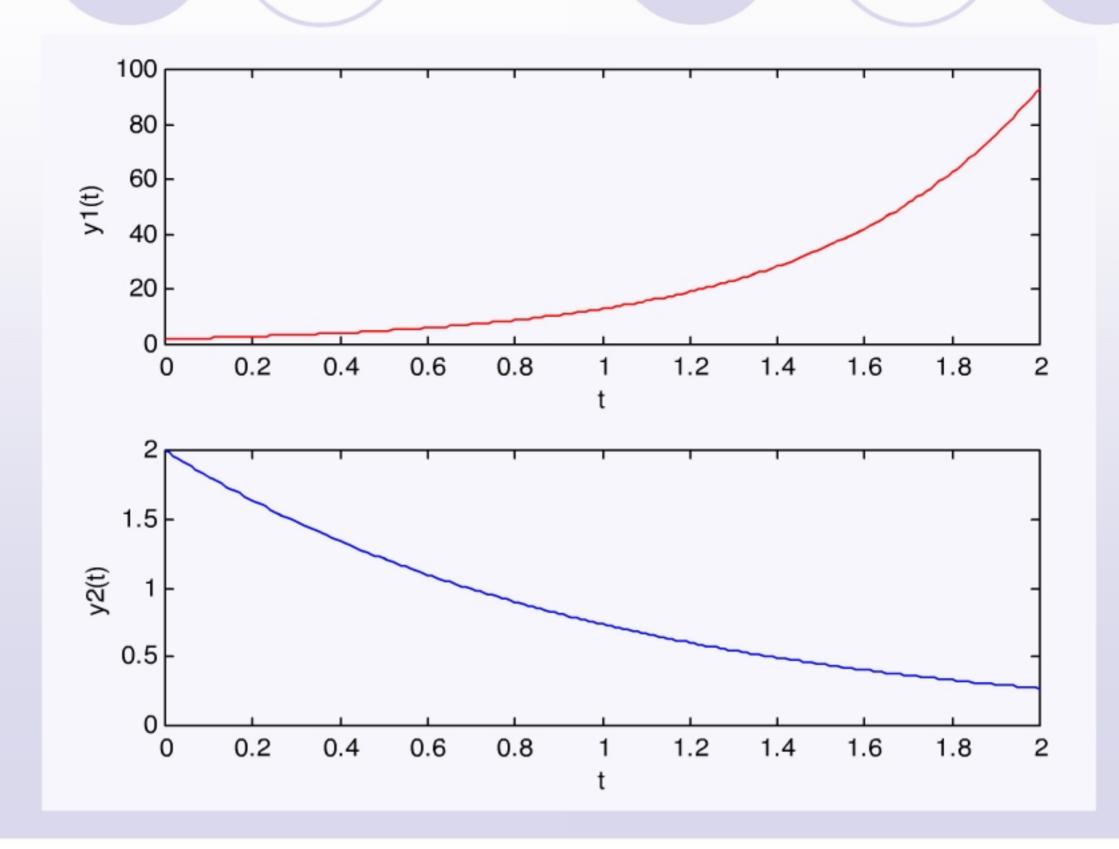
所以系统函数矩阵H(s)为

$$H(s) = \frac{1}{s^2 - s - 2} \begin{bmatrix} s^2 - 1 & s + 1 \\ s^2 - 2s & 0 \end{bmatrix}$$

计算输出

```
%Program 9_1
A=[2 3;0 -1];B=[0 1; 1 0];
C=[1 1; 0 -1];D=[1 0; 1 0];
q0=[2 -1];
dt=0.01;t=0:dt:2;
x(:,1)=ones(length(t),1);
x(:,2)=exp(-3*t)';
sys=ss(A,B,C,D);
y=lsim(sys,x,t,q0);
subplot(2,1,1);plot(t,y(:,1),'r');
ylabel('y1(t)');xlabel('t');
subplot(2,1,2);plot(t,y(:,2));
ylabel('y2(t)');xlabel('t');
```

运行结果



例3 已知某离散系统的状态方程和输出方程为

$$\begin{bmatrix} q_1[k+1] \\ q_2[k+1] \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ -2 & 3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} q_1[k] \\ q_2[k] \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1[k] \\ 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_2[k] \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} y_1[k] \\ y_2[k] \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 2 & -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} q_1[k] \\ q_2[k] \end{bmatrix}$$

其初始状态和输入分别为

$$\begin{bmatrix} q_1[0] \\ q_2[0] \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 \\ -1 \end{bmatrix} \qquad x[k] = u[k]$$

求该系统的输出。

计算输出

```
%Program 9_2
A=[0 1; -2 3];B=[0;1];
C=[1 1; 2 -1];D=zeros(2,1);
q0=[1; -1];
N=10;x=ones(1,N);
y=dlsim(A,B,C,D,x,q0);
subplot(2,1,1);y1=y(:,1)';
stem((0:N-1),y1);
xlabel('k');ylabel('y1');
subplot(2,1,2);y2=y(:,2)';
stem((0:N-1),y2);
xlabel('k');ylabel('y2');
```

运行结果

